

# 16. A nagyenergiás fizika elemei

## Renorm. csoport és 't Hooft Weinsberg-egyenlet

Renormálás: Green-fu-el végesen nagy, de  $\mu$ -függő, azaz nem egyértelmű

így a megoldás: csupasz  $\mathcal{L} \rightarrow$  ren. Green-fu  $\rightarrow$  S-matrix  $\rightarrow$

$\rightarrow$  fizikai paraméterek  $\rightarrow$  renormált paraméterek  $\rightarrow$  csupasz  $\mathcal{L}$

kérdés: mi a kapcsolat két renormálás között?

$\mathcal{W} = \ln Z$ , összefüggő Green-fu-el funkcionálja  
 ezzel Legendre-transzformációval  $\Gamma$ -t lehet leírni.

$\mathcal{W}(Z, g, m)$ , és  $\phi_r = Z_3^{-1/2} \phi$ ,  $g_r = Z_g^{-1} g$ ,  $m_r = Z_m^{-1} m$

$\mathcal{W}(Z, g, m) = \mathcal{W}_r(Z_r, g_r, m_r, \mu) \Leftrightarrow \mathcal{W}_r(Z_r, g_r, m_r, \mu)$

Sell:  $S'(p, g_r, m_r) = S^{tree}(p, g^{tree}, m^{tree}) = S(p, g, m)$

gyakorlatban:  $S'_\epsilon - S_\epsilon = \mathcal{O}(g_r^{\epsilon+1})$   $\epsilon$  rendszer nem egyáltalán teljesen az egyenlőség  
 ↑  
 ez az még  $m_r$ -on,  $g_r$ -on keresztül függhet  $\mu$ -től

## Dimenziós regularizáció, MS renormálás

$g = g_0 \mu^\epsilon$ ,  $g_r = g_e \mu^\epsilon$   $\epsilon = \frac{D}{2} - 2$ ,  $\mu_0, g_0$  fix;  $\mu, g_e$  változók

$m_e = Z_m^{-1} m$ ,  $\frac{dg}{d\mu} = \frac{dm}{d\mu} = 0$ , mert ezek  $g_0, g_e$  dimenzióiban  $\mu$  csupasz paraméterek ren. csoport-egyenletét

$\hookrightarrow g_e(\mu) = \left(\frac{\mu_0}{\mu}\right)^\epsilon Z_g(\mu)^{-1} g_0$   
 $m_e(\mu) = Z_m(\mu)^{-1/2} m$

$\beta, \gamma_m(g_e, m_e, \mu)$ :  $\beta = -\epsilon g_e - \frac{\mu}{Z_g} \frac{dZ_g}{d\mu} g_e$   
 $\gamma_m = \frac{\mu}{Z_m} \frac{dZ_m}{d\mu}$

$\beta(g_e)$  és  $\gamma_m(g_e)$

$\mu \frac{dg_e}{d\mu} = \beta$   
 $\mu \frac{dm_e}{d\mu} = -\gamma_m m_e$

de MS és  $\overline{MS}$ : tömeg függetlenek, és így  $\mu$ -független is, mert csak  $m_e/\mu$ -től függhetnének

$\Gamma$ : összefüggő, transzformált Green-fu:  $\frac{d}{d\mu} \Gamma_n^0(p, g, m) |_{g, m} = 0$  (csupasz  $\Gamma$ )  
 $\Gamma_n^0 = Z_3^{-n/2} \Gamma_n^r \Rightarrow \left[ -\frac{n}{2} \left( \frac{dZ_3}{d\mu} \right) \frac{\Gamma_n^r}{Z_3} + Z_3^{-n/2} \left( \frac{\partial}{\partial \mu} + \frac{dZ_g}{d\mu} \frac{\partial}{\partial g_e} + \frac{dZ_m}{d\mu} \frac{\partial}{\partial m_e} \right) \Gamma_n^r \right] = 0$

innen:  $(\mu \frac{\partial}{\partial \mu} + \beta \frac{\partial}{\partial g} - \gamma_m m e \frac{\partial}{\partial m} - u \gamma) \Gamma_n = 0 \in \text{t Hooft-Waaserg}$

$\Gamma = \frac{\mu}{2\tau_3} \frac{\partial \tau_3}{\partial \mu}$  és  $\beta$  is  $\gamma_m$  előző egyenletre való behelyettesítéssel  
 inentől elhagyjuk a indexet!  $\tau_3$  és  $\mu$

$\Gamma_n(\lambda p, g, m, \mu) = \mu^{4-u} F_n(\frac{\lambda p}{\mu}, g, \frac{m}{\mu})$  ahonnan  $\mu$ -függetlenség

$\Rightarrow (\mu \frac{\partial}{\partial \mu} + m \frac{\partial}{\partial m} + \beta \frac{\partial}{\partial g} - 4 + u) \Gamma_n(\lambda p, g, m, \mu) = 0$

bevezetjük  $t = -\ln \lambda$  változót:  $(\frac{\partial}{\partial t} + \beta(g) \frac{\partial}{\partial g} - (1 + \gamma_m(g)) m \frac{\partial}{\partial m} + w_n(g)) \Gamma_n(e^t p, g, m, \mu) = 0$

$w_n(g) = 4 - u - u \gamma(g)$

Futó csatolás és tömeg

$\bar{g}(\frac{\mu}{\lambda}), \bar{m}(\frac{\mu}{\lambda})$   
 $\frac{\mu}{\lambda} \frac{d\bar{g}(\frac{\mu}{\lambda})}{d\frac{\mu}{\lambda}} = \beta(\bar{g})$  és  $\frac{\mu}{\lambda} \frac{1}{\bar{m}} \frac{d\bar{m}(\frac{\mu}{\lambda})}{d\frac{\mu}{\lambda}} = -1 - \gamma_m(\bar{g})$

vagy  $\frac{d\bar{g}}{dt} = \beta(\bar{g})$   $\frac{1}{\bar{m}} \frac{d\bar{m}}{dt} = -1 - \gamma_m(\bar{g})$ ,  $\bar{g}(t=0) = g$   
 $\bar{m}(t=0) = m$

akkor:  $(\frac{d}{dt} + w_n(\bar{g})) \Gamma_n(e^t p, \bar{g}, \bar{m}, \mu) = 0$

$\bar{g}(t), \bar{m}(t), w_n(\bar{g})$  ismeretében ez egy reálvalósítható diff-egyenlet

$\Gamma_n(e^{-t} p, \bar{g}(t), \bar{m}(t), \mu) = \Gamma_n(p, g, m, \mu) e^{-\int dt' w_n(\bar{g}(t'))}$

$p \rightarrow e^t p$  cserével, és  $\exp$ -sal való átfontás után

$\Gamma_n(e^t p, \bar{g}, \bar{m}, \mu) = \Gamma(p, \bar{g}(t), \bar{m}(t), \mu) e^{(4-u)t - u \int dt' \gamma_m(\bar{g}(t'))}$

ez az egyenlet megadja  $\Gamma$  aszimptotikus viselkedését, miután ha ismerjük egy adott  $p$ -nél  $\Rightarrow$  kiszámíthatjuk  $e^t p$ -nél

ha nincs divergencia:  $\beta = \gamma_m = \gamma = 0$ , és így:

$\Gamma_n(e^t p, g, m, \mu) = (e^t)^{4-u} \Gamma_n(p, g, m)$

most nézzük  $a \rightarrow \infty$  esetet, itt uaino hatványátalakítás lesz, tömeg elhagyható  
 $4-u \rightarrow 4-u - u \int dt' \gamma(g(t'))$   $\rightarrow$  anomális dimenzió  $\rightarrow$   $\otimes$ -hoz lépést

$\beta(g) = b g^u + \mathcal{O}(g^{u+2})$ ,  $u \geq 1$  létszámú QCD:  $u=3$

$b > 0$  QED  $\bar{g}(t) \rightarrow 0$  ha  $t \rightarrow \pm \infty$   
 $b < 0$  QCD  $\bar{g}(t) \rightarrow \infty$  ha  $t \rightarrow \pm \infty$  (aszimptotikus náladóság!)

ez is lehetőségek:  $\int_{g_c}^g \frac{1}{\beta(g)}$  vagy  $\int_{g_c}^g \frac{1}{\beta(g)}$   $\rightarrow$   $\int dt' \gamma(\bar{g}(t')) \approx \gamma(g_c) \cdot t$

QED:  $\beta(\bar{g}) = -\beta_0 \bar{g}^3 + \mathcal{O}(\bar{g}^5) \Rightarrow \bar{g}(t)^2 = \frac{g^2}{1 + 2\beta_0 g^2 t}$   
 i.e.  $\Gamma_n \rightarrow \Gamma(p, \theta, \mu) (e^+)^{n-1} (2\beta_0 g^2 t)^{-\frac{n-1}{2\beta_0}}$   
 e.s.  $\gamma(\bar{g}) = \gamma_0 \bar{g}^2 + \mathcal{O}(\bar{g}^4)$

QED:  $\beta(\bar{g}) = \beta_0 \bar{g} + \mathcal{O}(\bar{g}^3) \Rightarrow \bar{g}(t)^2 = \frac{g^2}{1 - 2\beta_0 g^2 t}$   
 i.e.  $\gamma_m(\bar{g}) = \gamma_{m0} \bar{g}^2 + \mathcal{O}(\bar{g}^4)$   $\bar{m}(t) \xrightarrow[t \rightarrow \infty]{} 0$  ha  $\gamma_m > -1$ !

1 kurtos nánvalás:  $\beta_0 = -\frac{1}{(4\pi)^2} \frac{11C_A - 4T_F N_f}{3}$  ha  $N_f < \frac{33}{2} \Rightarrow \beta_0 < 0$

e.s. QED az ant. szabad az elmélet!

az Yang-Mills elmélet lehet aszimptotikusan szabad

egyenletrendszer után "születési" eredményt kapjuk:

$$\bar{g}^2 = \frac{g^2}{1 + \beta_0 g^2 \ln\left(-\frac{q^2}{\mu^2}\right)} = \frac{1}{\beta_0 g^2 \ln\left(\frac{-q^2}{\Lambda_{QCD}}\right)}$$

ha  $\Lambda_{QCD} = \mu e^{-\frac{1}{2\beta_0 g^2}}$

va ez a dimensionális transzmutáció  $\Lambda_{QCD}$  lett, mielőtt val  $g$  volt!

### Nagyenergiás fizika, kis mese

kuorm. csop. egyenletek + pQCD  $\Rightarrow$  jet fizika  
 $q\bar{q}$  végső állapot

soft fizika: hadronizáció az el nemben  
 partonok, fragmentáció: QCD, de nem pQCD!

fenomenológiai modellek

- Feynman-field modellek  $\frac{q/q \bar{q}/q \bar{q}/q}{q}$  így venti el lassan az energiát egy évvel

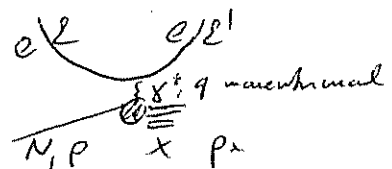
-bund-modell: fragmentáció írja le hadronikus interval  $1 \text{ GeV}/c$  mértékű

-parton-shower: alacsony energiás rezonancia feltés

jet: nagyenergiás részecskegyártás, pQCD írja le  
 futás eredmények jet fizikailag  $s_q = 1/2$   $\sigma_{jet}$ -sül  
 $s_g = 1$   $\sigma_{jet}$ -sül

D15, melyen megadottak  $u$  és  $a$

$QED$ : elcsörendben  
 $QCD$ : egyelőre egyrétül



és tényleg...

$$s = (p + \varepsilon)^2 \quad t = q^2 = (\varepsilon - \varepsilon')^2 = -2\varepsilon\varepsilon'$$

$$u = w^2 = (p + q)^2 = p_x^2 > 0 \quad (\varepsilon^2 = \varepsilon'^2 = 0)$$

LAB:  $p = (M, 0) \quad s = M(2E + M)$

$$q^2 = -4EE' \frac{\sin^2 \theta}{2} \quad w^2 = M^2 + 2M(E - E') + q^2$$

fizikai tartomány:  $s > M^2 \quad q^2 \leq 0 \quad w^2 \geq (M + m_\pi)^2$

$w$  helyett  $v = \frac{pq}{M}$

$$2Mv + q^2 \geq m_\pi (2M + m_\pi)$$

Björken  $x$   
 $x_{Björken} = \xi = \frac{q^2}{2Mv} \in [0, 1]$

$$\langle eX | T | eN \rangle = \bar{u}_{\sigma'}(\varepsilon') \gamma^\mu u_\sigma(\varepsilon) \frac{1}{\varepsilon^2} \langle X | -e J_\mu^{hadron} | N \rangle$$

$$\bar{\sigma}_{tot} = \frac{1}{16\varepsilon_p} \sum_{\sigma, \sigma'} \int \frac{d^3\varepsilon'}{(2\pi)^3 2\varepsilon'} \sum_x (2\pi)^4 \delta^4(p + \varepsilon - \varepsilon' - p_x) |\langle eX | T | eN \rangle|^2$$

pozitív energiák      részecske típus

$$= \frac{1}{\varepsilon_p} \left(\frac{\alpha}{q^2}\right)^2 L^{\mu\nu} W_{\mu\nu}, \quad \text{ha } L^{\mu\nu} = \frac{1}{4} \sum_{\sigma\sigma'} (\bar{u}_{\sigma'}(\varepsilon') \gamma^\mu u_\sigma(\varepsilon)) (\bar{u}_{\sigma'} \gamma^\nu u_\sigma)$$

széles  $L^{\mu\nu} = \varepsilon^\mu \varepsilon^\nu + \varepsilon^\nu \varepsilon^\mu + \frac{q^2}{2} g^{\mu\nu}$

$$W^{\mu\nu} = \frac{1}{2\pi} \int d^4x e^{iqx} \frac{1}{2} \sum_{\langle p_1, \lambda |} \langle p_2, \lambda' | J_\mu(x) J_\nu(0) | p_1, \lambda \rangle$$

• Feynman-dominancia táparatlanság:  $0 \leq x^2 \leq \frac{s}{-q^2}$  adja a fő járuléki

•  $W_{\mu\nu} = \frac{1}{4} \text{Abs } T_{\mu\nu} := \frac{1}{4} \frac{1}{2i} \lim_{\epsilon \rightarrow 0} (T_{\mu\nu}(q_0 + i\epsilon) - T_{\mu\nu}(q_0 - i\epsilon))$

$T_{\mu\nu}$ :  $\gamma^* e^+ e^-$  - Compton-nyelés  $N$ -en

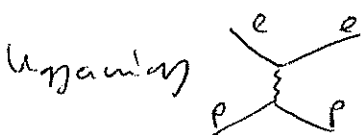
• Lorentz - kovariancia + árammegmaradás  $\Rightarrow W_{\mu\nu} = W_1(v_1 - q^2) \left(\frac{q_\mu q_\nu}{q^2} - g_{\mu\nu}\right) + W_2(v_1 - q^2) \frac{1}{M^2} (p_\mu - \frac{pq}{q^2} q_\mu) (p_\nu - \frac{pq}{q^2} q_\nu)$

$W_1, W_2$  struktúra-függvények

$$E' \frac{d\sigma}{d\varepsilon'} = \frac{\alpha^2}{2p\varepsilon(1-q)} \left(2W_1 + \left(\frac{4(p \cdot \varepsilon)(p \cdot \varepsilon')}{-Mq^2} - 1\right) W_2\right)$$

Labortéren:  $\frac{d\sigma}{d\varepsilon dE'} = \left(\frac{d\sigma}{d\varepsilon}\right)_{\text{Mott}} \left(2W_1 + q^2 \frac{v_1}{2} + W_2\right) / 2M$

$\hookrightarrow$  relativitás  $e^-$  nyelésén Coulomb-terren  
 $= \frac{\alpha^2}{4\bar{v}'} \frac{\cos^2 \theta/2}{\sin^4 \theta/2}$



$$\langle u(p_2) | j_\mu(0) | u(p_1) \rangle = \bar{u}(p_2) [F_1(p_1 - p_2) \gamma^\mu + F_2(p_1 - p_2) i\sigma_{\mu\nu} \frac{u(p_1)}{2M}] u(p_1)$$

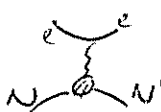
$F_{1,2}$ : Dirac-féle form-faktorok

$$G_M(Q^2) = F_1(Q^2) + 2MF_2(Q^2)$$

$$G_E(Q^2) = F_1 - F_2 \frac{Q^2}{2M}$$

El. és mag. form-faktorok  $G_E = \mu G_M$   
proton mag. momentuma

Iténi eredmény  $\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)_{\text{KOH}} \left[ G_M^2 \frac{Q^2}{2M} \frac{1}{2} + (G_E^2 + G_M^2 \frac{Q^2}{4M^2}) / (1 + \frac{Q^2}{4M^2}) \right] \frac{E'}{E} \sim \frac{1}{Q^6}$

rugalmatlan nullleon-részecskék:   $G_{\text{OIS}} \frac{Q^2}{\omega} \circ$  a vártakozás, de nem!

$\nu W_2(\nu, Q^2) = 2M F_2(\xi = \frac{Q^2}{2M\nu})$  : Björken-ska'latés

$F_2(\xi) = \xi F_1(\xi)$ , ha  $W_1(\nu, Q^2) = F_1(\xi)$  (Callan-Gross összefüggés)

Parton-modell

Magyarán az arra, hogy  $\sigma$  miért ~~van~~  $\sim 1/Q^2$ -t és miért nem tart mégis nullához. Mert a formfaktorok alapján ez lehet!

$G_E = G_M = 1$ , formfaktorok csak  $\xi = \frac{Q^2}{2M\nu}$ -a keresztül függjenek  $Q^2$ -től  $\Rightarrow$  partonok részecskéi létezik!

így:  $\frac{d\sigma}{d\Omega} = \left(\frac{d\sigma}{d\Omega}\right)_{\text{KOH}} \left(1 + \frac{Q^2}{M\nu} \frac{1}{2}\right) \delta(\nu - \frac{Q^2}{2M}) \Rightarrow W_1 = \xi \delta(1-\xi)$   
 $W_2 = \frac{2M}{\nu} \delta(1-\xi)$

fizikai ér: - fotón elöl egy parton, és azonnal hat kölcsön nullleon: Eddens partonegyüttés, utána elölött parton + moradés = X lesz

1 parton járuléka:  $p_i = \xi_i P, m_i = \xi_i M \quad \xi_i \in [0, 1] \quad \nu_i = \frac{p_i \cdot q}{m_i} = \nu$  éppen

$W_1^i = \frac{1}{\xi_i} \frac{e_i^2 Q^2}{2m_i} \delta(\nu_i - \frac{Q^2}{2m_i}) = e_i \delta(\xi_i - \xi)$

$W_1(\nu, Q^2) = \sum_i \int_0^1 d\xi_i W_1^i f_i(\xi) = \sum e_i^2 f_i(\xi) = F_1(\xi)$  (Björken-ska'latés  $\checkmark$ )

$\frac{\nu W_2(\nu, Q^2)}{2M} = \sum_i e_i^2 \xi_i f_i(\xi) = F_2(\xi) \quad F_2(\xi) = \xi F_1(\xi) \checkmark$

proton:  $uud + q\bar{q} + g$

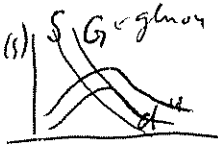
$\int_0^1 d\xi u_v(\xi) = 2$

$\int_0^1 d\xi d_v(\xi) = 1$

$u = u \text{ valencia} + S$   
 $d = d \text{ valencia} + S$

$S = \bar{u} = \bar{d} = s = \bar{s} = \bar{c} = c$

mérték:  $\int q(\xi)$



$\sum_{q\bar{q}} \int_0^1 d\xi q(\xi) \approx 0,5$

$F_2^{em}(\xi) = \xi \left[ \frac{4}{9} u(\xi) + \frac{1}{9} d(\xi) + \frac{1}{9} s(\xi) + \frac{4}{9} \bar{u}(\xi) + \dots \right]$  (elektromágneses f.f.)

$F_2(\xi) = 2\xi [d(\xi) + s(\xi) + \bar{u}(\xi) + \bar{c}(\xi)]$

-1/3 a -2/3 töltésűk, ahol még lehet  $\Delta Q = +1$  átvétel

Operátor-norma kifejtés:  $A(x) B(y) \xrightarrow{x=y} \sum_{i=0}^{\infty} C_i(x-y) O_i(\frac{x+y}{2})$  és  $O_i$  nem mindig csak  $C_i$ !

Félpérf. kifejtés:  $A(x) B(\emptyset) \rightarrow \sum_{i,n} C_n^{(i)}(x^2) x^{\mu_1 \dots \mu_n} O_{\mu_1 \dots \mu_n}^{(i)}(\emptyset)$

pl  $A = B = f$  hadron vagy hasadék

Ezt általában hatjuk a renormálás egyenletére

$$\text{Efejtés: } F(q, p_1, \dots, p_n) = \sum_{i, N} \tilde{C}_N^{(i)}(q^2) q^{m_1} \dots q^{m_n} \mathbf{E}_{m_1, \dots, m_n}^{(i)}(p_1, \dots, p_n)$$

$$F(q, p_i) = F_{\pm} [\langle 0 | T (j(x) j(\theta) \phi(x_1) \dots \phi(x_n)) | 0 \rangle ] \text{ volt}$$

$$\text{vagy } E_{m_1, \dots, m_n}^{(i)}(p_1, \dots, p_n) = F_{\pm} [\langle 0 | T (O_{m_1, \dots, m_n}^{(i)} \phi(x_1) \dots \phi(x_n)) | 0 \rangle ]$$

ugye a renormálás egyenlet:  $D := m \frac{\partial}{\partial m} + \beta(g) \frac{\partial}{\partial g} - \gamma_m(g) m \frac{\partial}{\partial m}$  ezeket  
 $(D + 2\gamma_i(g) - n \gamma_\phi(g)) F = 0$

$$\Rightarrow (D + 2\gamma_i(g) - n \gamma_\phi(g)) \tilde{C}_N^{(i)}(q^2) = 0 \text{ egyenlet! (többi tag, felülről)}$$

megoldás:  $\tilde{C}_N^{(i)}(-\frac{q^2}{m^2}, g, m) = \tilde{C}_N^{(i)}(1 + \bar{g}(t), \bar{m}(t)) T e^{\int dt (2\gamma_i(\bar{g}(t)) - \gamma_\phi(\bar{g}(t)))}$

Momentum - csapás szabályok

Flóra - Compton - szabályok:  $T(j_\mu(x) j_\nu(x')) = (g_{\mu\nu} \partial'_\alpha \partial_\alpha - g_{\mu\alpha} \partial'_\alpha \partial_\nu - g_{\nu\alpha} \partial'_\alpha \partial_\mu) \delta^4(x-x') + \dots$

felosztjuk lehetséges komponensekre  
 ezen 0-sat függvény kifejtésül

$$T_{\mu\nu} = \int d^4 y e^{iqy} \langle p | T(j_\mu(y) j_\nu(0)) | p \rangle \text{ spinátlan és kifejezhető akkor C-el}$$

végül  $W_{\mu\nu} = \text{Abs } T_{\mu\nu}$  és struktúra függvények is kifejezhetők C-vel  
 azidő u. azt nullán helyett évárakozás is lehet,  $\tilde{C}$ -t ugyanazt lesznek

Altarelli - Parisi egyenlet (ADR) parton szűrővel  $Q^2$ -beli fejlődése

$$\frac{\partial}{\partial \ln Q^2} q_i(\xi, Q^2) = \frac{\bar{q}(Q^2)}{8\pi^2} \int \frac{dy}{y} (p_{qq}(y) q_i(\frac{\xi}{y}, Q^2) + p_{qg}(y) G(\frac{\xi}{y}, Q^2))$$

$$\frac{\partial}{\partial \ln Q^2} G(\xi, Q^2) = \frac{\bar{q}(Q^2)}{8\pi^2} \int \frac{dy}{y} (p_{gq}(y) q_i(\frac{\xi}{y}, Q^2) + p_{gg}(y) G(\frac{\xi}{y}, Q^2))$$

összefoglalva:  $\frac{\partial N_i}{\partial \ln Q^2}(\xi, Q^2) = \frac{\bar{q}(Q^2)}{8\pi^2} \sum_j \int \frac{dy}{y} P_{ji}(y) N_j(\frac{\xi}{y}, Q^2)$

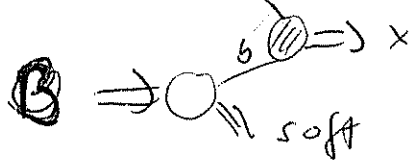
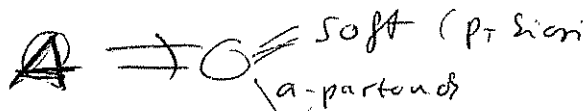
$P_{ji}$ :  $i \rightarrow j$  átmenet  
 ezek  $\xi$ -ben polinoms, esetleg egyenrangs egyéni formák

folymat:  $F_i(\xi, Q^2)$  adódik GLAP

$\Lambda_{MS}$  -en parton - elváltás (Eisenfeld táblázat pl.)



# Hadron-hadron ütközések leírása



$a + b \rightarrow X$ : Some'ny folyamat

$\int_0^1 ab \rightarrow X = ?$

$G_{a/A}(x_a, \alpha^2)$  partoneloszlás

$$\int_0^1 A+B \rightarrow X+soft = \sum_{a,b} \int_0^1 dx_a dx_b G_{a/A}(x_a, \alpha^2) G_{b/B}(x_b, \alpha^2) \int_0^1 ab \rightarrow X$$

pQCD-ile ez

factorizáció:  $\int_0^1 ab \rightarrow X = \sum_{a,b} \int dx_a dx_b G_{a/A}(x_a, M^2) G_{b/B}(x_b, M^2) \int_0^1 ab \rightarrow X$

↑ singularitás essen      ↑ ez más véges

## általánosabban $A+B \rightarrow C+X+soft$

$$\int_0^1 = \sum \int G_{a/A} G_{b/B} \sum_{c_i} \int_0^1 ab \rightarrow c_i + X F_{c_i/C}(x_{c_i}, \alpha^2, M^2)$$

fragmentációs függvény

példa: nagy  $p_T$ -jű jet keltés  $p\bar{p}$ -ben

$$E_{jet} \frac{d\hat{\sigma}}{d^3p_{jet}} = \sum_{abcd=q\bar{q}g} \int_0^1 dx_a dx_b G_{a/p}(x_a, \alpha^2) G_{b/\bar{p}}(x_b, \alpha^2) E_{jet} \frac{d\hat{\sigma}}{d^3p_{jet}}$$

$5(\hat{s} + \hat{t} + \hat{u}) \frac{1}{16\pi^2} M_{as \rightarrow ad}$

"c" a jet itt

mátrixelemek függvénye minden vevőre

pé:  $q\bar{q}' \rightarrow q\bar{q}'$   $M = g^4 \frac{4}{g} \frac{s^2 + t^2}{t^2}$  és a többi...

$$\frac{d\hat{\sigma}}{d\cos\theta} \sim \frac{1}{\sin^4 \frac{\theta}{2}}$$

ez, mint Rutherford-részecske

végül: pQCD a Some'ny (nagy imp. átadással) folyamatok jó, és részletes egyetemes leírás adja  $H_{fa} \leq 50\%$